556. 14: 556. 332. 342

不飽和土の土中水分ヒステリシスの 計算アルゴリズム

大倉 博*

国立防災科学技術センター

An Algorithm for Computing Soil Moisture Content with Hysteresis

Ву

Hiroshi Ohkura

National Research Center for Disaster Prevention, Japan

Abstract

Mualem (1974) proposed four equations which express relation with volumetric soil moisture content ratio θ and capillary potential ϕ on and within soil moisture characteristic curves. In this work, it is pointed out that the four equations can be reduced to only one equation

$$\theta(\phi) = \theta_w(P_{n+1}) + \sum_{i=1}^n [\theta_w(P_i) - \theta_w(P_{i+1})] \frac{\theta_d(T_i) - \theta_w(T_i)}{\theta_u - \theta_w(T_i)}$$

and that $\partial\theta/\partial\phi$ is expressed

$$\frac{\partial \theta}{\partial \psi} = \frac{\theta_u - \theta_d(T_n)}{\theta_u - \theta_w(T_n)} \cdot \frac{\partial \theta_w(P_{n+1})}{\partial \psi}$$

for wetting process and

$$\frac{\partial \theta}{\partial \phi} = \frac{[\theta_u - \theta_w(P_n)][\theta_u - \theta_d(T_n)]}{[\theta_u - \theta_w(T_n)]^2} \cdot \frac{\partial \theta_w(P_{n+1})}{\partial \phi}$$

$$+ \frac{\theta_w(P_n) - \theta_w(T_n)}{\theta_u - \theta_w(T_n)} \cdot \frac{\Im \theta_d(P_{n+1})}{\Im \phi}$$

for drainage process, where $\theta_w(\psi)$ and $\theta_d(\psi)$ are relations with θ and ψ of main wetting process and main drying process respectively, and θ_u is value of θ at the saturating cross point of $\theta_w(\psi)$ and $\theta_d(\psi)$ (and ϕ_{max} is value of ψ at this point). P_i and T_i are past and current values of ψ . P_i , T_i and n are obtained by the following operations.

<Operation> Examine new variation of ψ upon following test. If $\psi \leq \psi_{zero}$, where ψ_{zero} is defined as value of ψ at the drying cross point of θ_w and θ_d , then execute <Op. 1>. If $\psi_{zero} < \psi < \psi_{max}$, then execute <Op. 3> for wetting process and <Op. 4> for drying process. If $\psi \leq \psi_{max}$, then execute <Op. 2>.

<Op. 1> Let $n\leftarrow$ 1, $P_1\leftarrow\phi_{zero}$, $T_1\rightarrow\phi_{zero}$ and $T_2\leftarrow\psi$, where " \leftarrow " means the operation substituting value of right side to variable of left side. Return to <Operation>.

<0p. 2> Let $n \leftarrow 1$, $p_1 \leftarrow \phi_{max}$, $T_1 \leftarrow \phi_{max}$ and $T_2 \leftarrow \phi$. Return to <0peration>.

<Op. 3> If $T_1=\phi_{zero}$, then execute <Op. 3-1>. If $T_1+\phi_{zero}$ and $\phi \le T_n$, then execute <Op. 3-2>. If $T_1+\phi_{zero}$ and $\phi > T_n$, then execute <Op. 3-3>. <Op. 3-1> Let $n\leftarrow 1$, $T_1\leftarrow \phi$ and $P_2\leftarrow \phi$. Return to <Operation>. <Op. 3-2> Find the maximum value of i that satisfies $i\le n$ and $\phi \le T_i$, then let $n\leftarrow i$, $T_n\leftarrow \phi$ and $P_{n+1}\leftarrow \phi$. Return to <Operation>. <Op. 3-3> Let $n\leftarrow n+1$, $T_n\leftarrow \phi$ and $P_{n+1}\leftarrow \phi$. Return to <Operation>.

<0p. 4> If $\phi<$ P_n, then execute <0p. 4-1>. If P_n $\leq \phi<$ P₁, then execute <0p. 4-2>. If $\phi\geq$ P₁, then execute <0p. 4-3>.

 $\langle \mathbf{Op. 4-1} \rangle$ Let $P_{n+1} \leftarrow \phi$. Return to $\langle \mathbf{Operation} \rangle$.

<Op. 4-2> Find the maximum value of i that satisfies $i \le n$ and $\psi \ge P_i$, then let $n \leftarrow i-1$ and $P_{n+1} \leftarrow \psi$. Return to <Operation>.

<0p. 4-3> Let $n \leftarrow 1$, $P_1 \leftarrow \phi$, $T_1 \leftarrow \phi_{zero}$ and $P_2 \leftarrow \phi$. Return to <0peration>.

*第4研究部計測研究室

はじめに

不飽和土の体積含水率(以下,含水率という)と毛管ポテンシャル ϕ との関係はヒステリシスを生じ,一価関数であらわせない。

Richards (1931) の毛管ポテンシャル理論に基づく土中の飽和・不飽和浸透流は

$$\frac{\partial \theta}{\partial t} = \mathcal{V}(K_{\mathcal{V}}(\varphi)) \qquad \cdots \cdots (1)$$

または

$$\frac{\partial \theta}{\partial \psi} \cdot \frac{\partial \varphi}{\partial t} = \nabla(K \nabla(\varphi)) \qquad \cdots \cdots (2)$$

であらわされる。ここで t は時間, K は透水係数, φ は全ポテンシャル, φ は毛管ポテンシャルである。(1)式と(2)式は非線型偏微分方程式になるため,一般に電子計算機を用いて数値的に解かれる。このとき,境界条件と初期条件のほかに, θ と φ との関係式が必要になる

本報告は,電子計算機を用いて(1)式または(2)式の数値解を得るときに必要な θ と ϕ とのヒステリシス関係を, Mualem (1977) のモデルを用いて計算するアルゴリズム を 述 べる.

土中水分ヒステリシス

体積含水率と毛管ポテンシャルがそれぞれ θ_{\max} と ϕ_{\max} の飽和状態から最小容水量 θ_{\min} とこれに対応する毛管ポテンシャル ϕ_{\min} まで減少するときの θ — ϕ の経路は模式的に図1 の曲線 ABX であらわされる. 次に、 ϕ が増加に転じ、 ϕ_{\min} から ϕ_{\max} まで増加するときの経路は XBCJD であらわされる. このとき $\phi=\phi_{\max}$ で、 $\theta=\theta_u(<\theta_{\max})$ になるのは、土中の空隙に空気が気泡となって捕捉されているためである。さらに、 ϕ が減少に転じ、 ϕ_{\max} から ϕ_{\min} まで減少するときの経路は DEFBX であらわされる、このうち、BCJD と DEFB をそれぞれ「主ループ吸水過程」の曲線と「主ループ排水過程」の曲線と呼び、それぞれ、関数 $\theta=\theta_w(\phi)$ と $\theta=\theta_a(\phi)$ であらわす、 $\theta_w(\phi)$ と $\theta_a(\phi)$ は曲線 XB をもあらわし、XB 上で $\theta=\theta_w=\theta_a(\phi)$ とする。また、B点の ϕ の値を ϕ_{zero} とする。

 ϕ が図1のD点の ϕ_{max} から ϕ_{P} まで減少した後 ϕ_{G} まで増加し、その後 ϕ_{H} まで減少しさらに ϕ_{I} まで増加するときの経路は図1の DEFGHI になる。また、 ϕ が図1のB点の ϕ_{zero} から ϕ_{J} まで増加した後 ϕ_{R} まで減少し、その後 ϕ_{L} まで増加し さらに ϕ_{M} まで減少するときの経路は BCJKLM になる。

これらの経路のうち、FG を「初期吸水過程」の走査線と呼び、JK を「初期排水過程」の 走査線、HI と KL を「吸水と排水を繰返した後の吸水過程」の走査線、GH と LM を「吸 水と排水を繰返した後の排水過程」の走査線と呼ぶ。

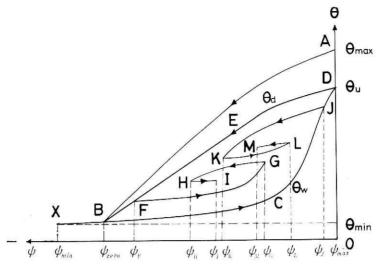


図 1 不飽和土の土中水分ヒステリシスの概念図 BCJD は主ループ吸水過程の曲線,DEFB は主ループ排水過程の曲線である。FG は初期吸水過程の走線,JK は初期排水過程の走査線である。HIと KLは吸水と排水を繰返した後の吸水過程の走査線,GH とLM は吸水と排水を繰返した後の排水過程の走査線である。

Fig. 1 Schematical representation of capillary hysteresis.

Paths BCJD, DEFB, FG and JK are curve of main wetting process, curve of main drying process, primary wetting scanning curve and primary drying scanning curve, respectively.

Paths HI and KL are scanning curve of wetting after a series of alternating process of drainage and imbibition. Paths GH and LM are scanning curve of drainage after a series of alternating process of drainage and imbibition.

土中水分のヒステリシスの研究は Poulovassilis (1962),Philip (1964),Topp (1971),Mualem (1974)等によりなされている。Poulovassilis の方法はヒステリシス主ループ内の任意の走査線を計算するために,あらかじめ実験により適当な本数の初期吸水過程の走査線の θ と ϕ との関係を求めなければならない。Philip の方法は主ループの θ と ϕ との関係 θ ω と θ ω のみを用いて任意の走査線を計算できるが,走査線が主ループ外に飛び出る欠点を持つ。Topp の方法は排水過程の空気の浸入と吸水過程の水の浸入に対する抵抗を考慮しているが,この方法も走査線が主ループ外に飛び出る欠点を持つ。Mualem の方法はヒステリシス主ループ曲線 θ ω と θ ω のみを用いて,任意の走査線を比較的簡単に計算できる。しかも,この走査線はヒステリシス主ループ外に飛び出ることはなく,常にループ内に留まっている。

Mualem モデル

Mualem (1974) は多孔質体の空隙を細孔群の集合と仮定し、さらに吸水と排水において細 孔間に干渉が生じないと仮定し、以下の概念モデルを提案した。

国立防災科学技術センター研究報告 第25号 1981年3月

水と孔壁との接触角を一定とすれば、半径Rの孔にはる水のメニスカニにより生じる毛管 ボテンシャル ϕ とRは

$$R \propto 1/|\psi|$$
 ,(1)

の関係を持つ、細孔の開孔端の半径をr、細孔内の半径を ρ とし、 R_{\min} と R_{\max} をそれぞれ (1)において ϕ_{\min} と ϕ_{\max} に対応するR の値とし、r、 ρ 、R を正規化する.

$$\bar{\tau} = \frac{r - R_{\min}}{R_{\max} - R_{\min}} \qquad \dots \dots (2)$$

$$\overline{\rho} = \frac{\rho - R_{\min}}{R_{\max} - R_{\min}} \qquad \cdots (3)$$

$$\overline{R} = \frac{R - R_{\min}}{R_{\max} - R_{\min}} \qquad \cdots (4)$$

このとき、rとhoとRがそれぞれ R_{\min} から R_{\max} に変化すると、 $ar{r}$ と $ar{
ho}$ と $ar{R}$ は0から1に変化する。

 ϕ が ϕ min と ϕ max の間で変化するとき,細孔群は以下のプロセスで吸・排水されると仮定する。 ϕ が ϕ ($ar{R}$) から ϕ ($ar{R}$ + $dar{R}$) に増加する吸水過程において,細孔群の $ar{R} \leq ar{\rho} \leq ar{R} + dar{R}$ なる孔内半径を持つ部分の全てが水に満される。 一方, ϕ ($ar{R}$) から ϕ ($ar{R}$ - $dar{R}$) に減少する排水過程において, $ar{R} \leq ar{r} \leq 1$ なる開孔半径を持つ細孔群の孔内半径が $ar{R}$ - $dar{R} \leq ar{\rho} \leq ar{R}$ の部分のみが排水される。

このプロセスによると,図1で示された各経路において,細孔群の水に満されている部分が,rと $\bar{\rho}$ とを軸に する2次元平面上に投影される.この投影された図を領域図と呼ぶ.主ループ吸水過程に対する領域図は図2に示され,ハッチングされた領域の細孔群が水に満されている.主ループ排水過程,初期吸水過程,初期排水過程,吸水と排水を繰返した後の吸水過程,吸水と排水を繰返した後の吸水過程,吸水と排水を繰返した後の排水過程の領域図がそれぞれ,図3,図4,図5,図6,図7に示される.

領域図と含水率とを結びつけるために、密度関数 $f(\bar{\rho},\bar{r})$ を次のように定義する。単位体積の多孔質において、 \bar{r} から $\bar{r}+d\bar{r}$ の開孔半径を持つ細孔群の うち孔内半径が $\bar{\rho}$ から $\bar{\rho}+d\bar{\rho}$ の部分の体積は

$$f(\bar{\rho}, \bar{r})d\bar{\rho}d\bar{r}$$
(5)

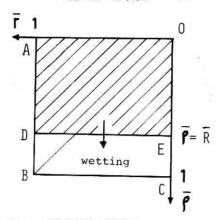
有効体積含水率(以下,有効含水率という) θ' を

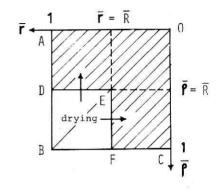
$$\theta' = \theta - \theta_{\min}$$
(6)

とすると, 有効含水率は

$$\theta' = \iint_{\Omega} f(\tilde{\rho}, \tilde{r}) d\tilde{\rho} d\tilde{r} \qquad \cdots (7)$$

となる、ここで、積分範囲 Ω は領域図のハッチングされた領域である。





- 図 2 主ループ吸水過程の領域図 ハッチングで示される領域の細孔 が水に満されている. 吸水過程が経 続するとき辺DEが下方に移動し、 領域が拡大する。
- Fig. 2 The filled pore diagram in the \bar{r} , $\bar{\rho}$ plane for main wetting process.

 The shadowed domain indicates portion of pore filled with water.

 At this wetting process the domain is expanded by moving the side DE downward.
- **Table. 1** Correspondence of ψ_j with P_i or T_i , and N with n for main wetting process.

i	1	2
P_i	ψ	ϕ
$T\iota$	$\psi_{ m zero}$	

- 図 3 主ループ排水過程の領域図 ハッチングで示される領域の細孔 が水に満されている. 排水過程が経 続するとき,辺DEが上方に,辺EFが右方に移動して領域が縮小する. このとき頂点Eは対角線BO上を移動する.
- Fig. 3 The filled pore diagram in the $\overline{r,\rho}$ plane for main drying process. The shadowed domain indicates portion of pore filled with water. At this drying process the domain is reduced by moving the side DE upward and the side EF to the right And the point E moves along a diagonal line of OB.
- **Table. 2** Correspondence of ψ_j with P_i or T_i , and N with n for main drying process.

ψ

 $f(\bar{r}, \bar{\rho})$ が一変数関数 $h(\bar{r})$ と $l(\bar{\rho})$ の積

$$f(\overline{r}, \overline{\rho}) = h(\overline{r})l(\overline{\rho})$$
(8)

であらわされると仮定する。さらに、 $L(ar{R})$ 、 $H(ar{R})$ を

$$L(\bar{R}) = \int_{0}^{\bar{R}} l(\bar{\rho}) d\bar{\rho} \qquad \cdots (9) \qquad H(\bar{R}) = \int_{0}^{\bar{R}} h(\bar{r}) d\bar{r} \qquad \cdots (10)$$

と定義する。このとき主ループ吸水過程の有効含水率 θ'_w は図2から

となる。また、主ループ排水過程の有効含水率 θ'_a は図4から

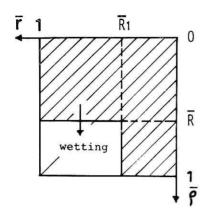


図 4 初期吸水過程に対する領域図

Fig. 4 The filled pore diagram in the \bar{r} , $\bar{\rho}$ plane for primary wetting scanning curve.

Table. 3 Correspondence of ψ_j with P_i or T_i , and N with n for primary wetting scanning curve

P_l	ψ	ϕ
T_i	$\phi_{ m zero}$	

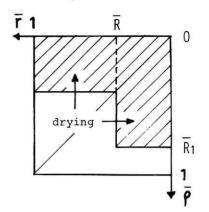


図 5 初期排水過程に対する領域図

Fig. 5 The filled pore diagram in the \bar{r} , $\bar{\rho}$ plane for primary drying scanning curve.

Table. 4 correspondence of ψ_j with P_i of T_i , and N with n for primary drying scanning curve.

$$\begin{array}{c|cccc}
i & 1 & 2 \\
\hline
P_i & \phi_1 & \phi \\
\hline
T_i & \phi \\
n = 1
\end{array}$$

$$\theta'_d(\bar{R}) = L(\bar{R}) + (L(1) - L(\bar{R}))H(\bar{R}) \qquad \cdots \cdots (12)$$

となる。H(1)=1 とし、さらに、 \bar{R} と ϕ との一対一対応から L、H、 θ'_w 、 θ'_a を ϕ の関数 であらわすと、(1)、(2)式から次式が求まる。

$$L(\phi) = \theta'_w(\phi) \qquad \dots (13)$$

$$H(\phi) = (\theta'_a(\phi) - \theta'_w(\phi))/(\theta'_u - \theta'_w(\phi)) \qquad \cdots (14)$$

初期吸水過程の有効含水率は, 図4の領域図から

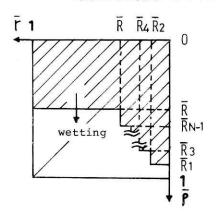
なると、ここで、左辺 $\theta'(\phi^{\max}\phi_1^{\phi})$ は ϕ が ϕ_{\max} から ϕ_1 まで減少したのち、 ϕ まで増加したことを示す。

初期排水過程の有効含水率は、図5の領域図から

$$\theta' \Big(\psi_{\min} \psi_{j} = \theta'_{w}(\psi) + \frac{\theta'(\psi_{1}) - \theta'_{w}(\psi)}{\theta'_{u} - \theta'_{w}(\psi)} (\theta'_{d}(\psi) - \theta'_{w}(\psi)) \qquad \cdots (16)$$

となる。このとき、 ϕ の経歴は ϕ_{min} から ϕ_{i} まで増加した後 ϕ に減少している。

吸水と排水を繰返した後の吸水過程は図6の領域図から



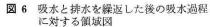


Fig. 6 The filled pore diagram in the $\bar{\tau}$. $\bar{\rho}$ plane for wetting after a series of alternating process of drainage and imbibition.

Table. 5 Correspondence of ψ_j with P_i or T_i , and N with n for wetting after a series of alternating process of drainage and imbibition.

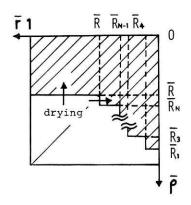


図7 吸水と排水を繰返した後の排水過程 に対する領域図

Fig. 7 The filled pore diagram in the \bar{r} , $\bar{\rho}$ plane for draying after a series of alternating process of drainage and imbibition.

Table. 6 Correspondence of ϕ_J with P_L or T_L , and N with n for drying after a series of alternating process of drainage and imbibition.

$$\theta' \Big(\phi_{\min} \psi_{1} \cdots \phi_{N} \Big) = \theta'_{w} + (\theta'_{w}(\phi_{N-1}) - \theta'_{w}(\phi)) \frac{\theta'_{d}(\phi_{N}) - \theta'_{w}(\phi_{N})}{\theta'_{u} - \theta'_{w}(\phi_{N})}$$

$$+ \sum_{\substack{j=1 \ j=1}} (\theta'_{w}(\phi_{2j-1}) - \theta'_{w}(\phi_{2j+1})) \frac{\theta'_{d}(\phi_{2j}) - \theta'_{w}(\phi_{2j})}{\theta'_{u} - \theta'_{w}(\phi_{2j})} \cdots (17)$$

になる.

吸水と排水を繰返した後の排水過程は図7の領域図から

$$\theta' \begin{pmatrix} \phi_{1} & \phi_{1} & \phi_{2} & \phi' \\ \phi_{\min} & \phi_{2} & \phi' \end{pmatrix} = \theta'_{w}(\phi) + (\theta'_{w}(\phi_{N}) - \theta'_{w}(\phi)) - \frac{\theta'_{a}(\phi) - \theta'_{w}(\phi)}{\theta'_{u} - \theta'_{w}(\phi)}$$

$$= \frac{(N-1)/2}{\sum_{j=1}^{N-1} (\theta'_{w}(\phi_{2j-1}) - \theta'_{w}(\phi_{2j+1}))}{\theta'_{u} - \theta'_{w}(\phi_{2j})} - \frac{\theta'_{a}(\phi_{2j}) - \theta'_{w}(\phi_{2j})}{\theta'_{u} - \theta'_{w}(\phi_{2j})} - \cdots (18)$$

になる.

計算アルゴリズム

(15), (16), (17), (18)式は有効含水率 θ' , θ'_u , θ'_w , θ'_a をそれぞれ含水率 θ , θ_u , θ_w , θ_a に置換えても成立する. (15), (16), (17), (18)式はそれぞれ表 3, 表 4, 表 5, 表 6 に示される φ_i と P_i と T_i , Nと n との対応関係を用いて φ_j を P_i と T_i に置き変えると

$$\theta(\phi) = \theta_w(P_{n+1}) + \sum_{i=1}^{n} (\theta_w(P_i) - \theta_w(P_{i+1})) \frac{\theta_d(T_i) - \theta_w(T_i)}{\theta_u - \theta_w(T_i)}$$
(19)

であらわされる。 さらに,表 1 と表 2 を参照すると,(19)式は主ループ吸水過程の曲線 θ_w と 1 主ループ排水過程の曲線 1 をもあらわせることがわかる.

 $\partial \theta / \partial \varphi$ は吸水過程と排水過程に対し、それぞれ次式であらわされる.

$$\left(\frac{\partial \theta}{\partial \phi}\right)_{\text{wetting}} = \frac{\theta_{u} - \theta_{d} (T_{n})}{\theta_{u} - \theta_{w}(T_{n})} \cdot \frac{\partial \theta_{w}(P_{n+1})}{\partial \phi} \qquad \cdots \cdots (20)$$

$$\left(\frac{\partial \theta}{\partial \psi}\right)_{\text{drying}} = \frac{\left(\theta_u - \theta_w(P_n)\right) \left(\theta_u - \theta_d(T_n)\right)}{\left(\theta_u - \theta_w(T_n)\right)^2} \cdot \frac{\partial \theta_w(P_{n+1})}{\partial \psi}$$

$$+\frac{\theta_w(P_n) - \theta_w(T_n)}{\theta_u - \theta_w(T_n)} \cdot \frac{\partial \theta_d(P_{n+1})}{\partial \psi} \qquad \cdots \cdots (21)$$

 $\varphi \leq \varphi_{zero}$ なる φ に対して、 θ_w と θ_a は等しくなるから, $T_i \leq \varphi_{zero}$ なる T_i に対し(19)の右辺第2項は零になる。 $\theta_w(\phi)$ と $\theta_c(\phi)$ は曲線であらわされ,電子計算機といえども計算に時間を要するから,演算時間の短縮のため $T_i \leq \varphi_{zero}$ なる T_i に対して(19)式の右辺第2項に零を代入すれば良い。この計算の省略を考慮した φ_i と P_i と T_i ,N とn との対応表の修正のアルゴリズムを以下の操作に示す。操作において,記号「←」は右辺の値を左辺に代入することを意味する。

<操 作>

毛管ポテンシャルの変動後(新らしい計算ステップ)の ϕ について以下の検査 を 行う. $\phi \leq \phi_{zero}$ を検査し合格ならば〈操作1〉を実行する。 ϕ_{zero} く ϕ の検査を行ない合格ならば、排水過程に対し〈操作3〉を実行し、吸水過程に対し〈操作4〉を実行する。 $\phi_{max} \leq \phi$ を検査し、合格ならば〈操作2〉を実行する。

<操作1> $n\leftarrow 1$, $P_1 \leftarrow \phi_{zero}$, $T_1 \leftarrow \phi_{zero}$, $T_2 \leftarrow \phi$ とする. <操作>にもどる.

<操作2 $> n→1, <math>P_1$ ← ϕ_{\max} , T_1 ← ϕ_{\max} , T_2 ← ϕ とする. <操作>にもどる.

<操作 3 $T_1 = \phi_{zero}$ を検査する. 合格ならば<操作 3-1 を実行する. $T_1 \neq \phi_{zero}$ かつ $\psi \leq T_n$ を検査する.合格ならば<操作 3-2 を実行する. $T_1 \neq \phi_{zero}$ かつ ψ T_n を検査する.合格ならば<操作 3-3 を実行する.

<操作3−1> n←1, T_1 ← ϕ , P_2 ← ϕ とする. <操作>にもどる.

<操作3-2> $\phi \leq T_i$ を満す最大の i を求め, $n \leftarrow i$, $T_n \leftarrow \phi$, $P_{n+1} \leftarrow \phi$ とする.<操作>に

もどる

<操作3-3> $n \leftarrow n \div 1$, $T_n \leftarrow \phi$, $P_{n+1} \leftarrow \phi$ とする. <操作>にもどる.

<操作 4 > $\phi < P_n$ を検査する。合格ならば<操作 4 -1 > を実行する。 $P_n \le \phi < P_1$ を検査する,合格ならば<操作 4 -2 > を実行する。 $\phi \ge P_1$ を検査する,合格ならば<操作 4 -2 > を実行する。

<操作4-1 $> <math>P_{n+1}$ ← ϕ とする. <操作>にもどる.

<操作4一2> $i \leq n$ かつ $\phi \geq P_i$ なる最少の i を求め, $n \leftarrow i-1$, $P_{n+1} \leftarrow \phi$ とする. <操作> にもどる.

<操作4−3> n←1, P_1 ← ϕ , T_1 ← ϕ_{zero} , P_1 ← ϕ とする. <操作>にもどる.

以上のアルゴリズムによる P_i と T_i を用い・ θ と $\partial \theta/\partial \phi$ の計算結果を図8に示す、この計算において θ_w と θ_a などは、

$$\theta_{w}(\phi) = 0.13369 \tan(0.12148 \phi \div 1.078) \div 0.2499827$$
(22)
$$\theta_{d}(\phi) = \sqrt{0.00024} \phi^{2} \div 0.0081 \div 0.27 -30 < \phi < 0$$
(23)
$$= 0.004 \phi \div 0.4042 \div 0.00392731 \{1 - \cos(0.10185 \phi \div 6.1917155)\} -91.69 < \phi \leq -30$$
(24)
$$\theta_{u} = 0.36, \quad \phi_{\text{max}} = 0, \quad \varphi_{\text{zero}} = -91.69$$

$$\varphi \oslash \mathbb{H} \dot{\Box} : \text{cmH,O}$$

である.

また,実行プログラムを付録に示す.使用計算機は ACOS 700 である.SUBROUTINE EWA が P_i と T_i の修正を行ない,さらに θ と $\partial\theta/\partial\phi$ の計算も行なり. ϕ がーステップ前の値に等しく,吸水過程と排水過程の判別がつかない場合は, ϕ の直前の変動を以って判定する.

FUNCTION FEW 1 が θ_w と $\partial\theta_w/\partial\theta$ を与え、FUNCTION FED 1 が θ_d と $\partial\theta_d/\partial\phi$ を与える。

図8 θ と θ / θ のヒステリシス計算結果

Fig. 8 Calculated results.

 $\theta - \psi$ relation of main wetting process (θ_w) and main doying process (θ_d) are $\theta_w(\psi) = 0.13369 \tan(0.12148 \psi + 1.078) + 0.24998427$

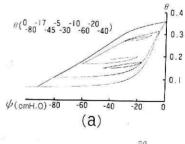
$$\theta_d(\phi) = \sqrt{0.00024}\phi^2 + 0.0081 + 0.27 - 30 < \phi \le 0$$

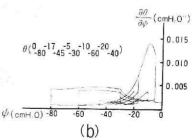
= 0.004\psi + 0.4042 + 0.00392731
• \{1 - \cos(0.10185\psi + 6.1017155)\}

 $-91.69 < \psi \le -30$ $= \theta_w(\psi) \qquad \psi < -91.69$ (a) is calculated moisture content

 $\theta(\psi)$.

(b) is calculated derived moisture content $\partial\theta/\partial\psi$.





国立防災科学技術センター研究報告 第25号 1981年3月

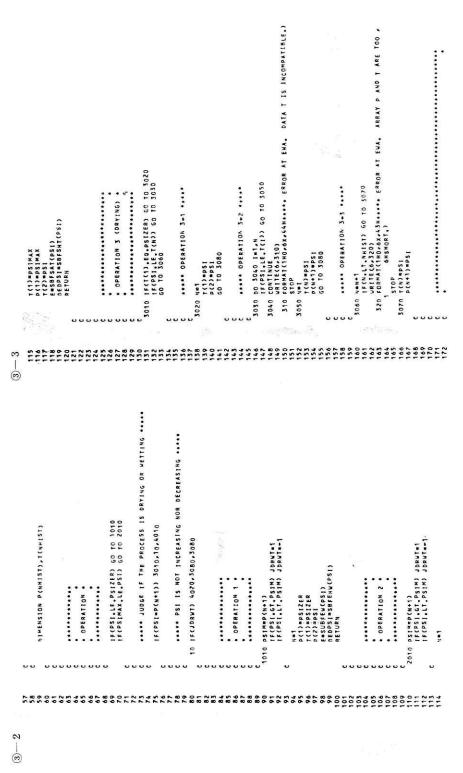
参考文献

- Mualem, A. (1974): A Conceptual Model of Hysteresis, Water Resources Research, Vol. 10, No. 3, 514-520.
- Philip, J. R. (1964): Similarity Hypothesis for Capillary Hysteresis in Porous Materials, Journal of Geophysical Research, Vol. 69, No. 8, 1553-1562.
- 3) Poulovassilis, A. (1962): Hysteresis of Pore Water, an Application of the Concept of Independent Domains, Soil Sci., 93, 405-412.
- Richards L. A. (1931): Capillary Conduction of Liquids through porous Mediums, Physics.
 Vol. 1, 318-333.
- 5) Topp, G.C. (1971): Soil-water Hysteresis: The Domain Theory Extended to Pore Interaction Conditions, Soil Sci. Soc. Amer. Proc., Vol. 35, 219-225.

(1980年12月9日 原稿受理)

```
329 FORMATCHRONKETHEONE FARIN AT MAIN. N IS TOO LARGE (NEVISE
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      .... CALCULATION OF THETA AND ROUND THETA ROUND PST .....
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      410, roperal(FB2,2)
rall fuachsizerianxxxps;FP2,NxF2,T24PF2,DEP4TzEUxFFW1xF4W1x
feb1xfew01xF8m11xF8m11xF8m11xFy11xFy11xF
                                                                                                                                                                                              ***** READ INITIAL VALUE DE D. P.(13, T.(1) AND JORNT *****
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          404 E08*A16/110.6x*18H**** 4FSULT ***** / 7H0.113.4BFSI.3X*7HPPROCESS.12X.1HF,15X,6H0EDPSI)
                                                                                                                228 008*A1(14 .xx.304.... 041A DF HYSTERESIS ****/14 )
RELEGASD SSILVA
35.100*A1(14 .xx.84)
RX.8448184x - f6.2)
RT.100*A1(14 .xx.84)
RX.844818182 - f6.2)
RT.100*A1(14 .xx.84)
RX.8448182 - f6.2)
                                                 ***** READ DS! MAY, PS! "IN A"D THETA ( (FII) ****
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        C.41. =
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               382 1088AT(14 .8X***HJE64T = +15)
                                                                                                                                                                                                                                                                         35019 0EAD(5,330) (P(1),1=1,1+1)
                                                                                                                                                                                                                                                                                       PEAD(5,530) (TCI), 1=1,")
                                                                                                                                                                                                                                IFC. LE. LAPT) (0 TO 3010 . RITE(6, 320) N
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      4019 SEAD(Se410eENDEPOIC) DS.
                                                                                                                                                                      250 FOR ATCH . BX. FHE!
                                                                                                                                                                                                                                                          8H). ....)
                                                                          FOR*AT(10E8.0)
READ(5.210) PS12FP
READ(5.210) EU
                                                                 DEAD(S.210) PSIMAX
                105 FOR ATCHIL///140)
                                                                                                                                                                                                                 $10 FOPPAT(1018)
                                                                                                             P11E(6,220)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      . RTIE: 6,340)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         9012 6109
                                                                                                                                                                                                                                                                   CIOP
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            CNS
                                                                           210
: SUBROUTINE CALCULATING HYSTERESIS PATH, 'E' AND 'DEDPSI'.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  PSIZER : CAPILLARY POTENTIAL AT THE DAYING CROSS POINT OF "FEWIF
                                                                                                                              : VALUE OF THETA AT THE SATURATING CROSS POIN OF "FEW!"
                                                                                                             : VOLUMETRIC WOISTIRE CONTENT WITH HYSTERESIS (THFTA).
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        PSIMAX : CAPILLARY PRIENTIAL AT THE SATURATING CRUSS POINT OF
                                                                                                                                                                                                           : DERIVED FUNCTION OF THETA AT MAIN METTING PROCESS.
                                                                                                                                                                                            : DERIVED FUNCTION OF THETA AT "AIN DRYING PROCESS.
                                                                                                                                                                                                                                                                               : JUDGEMENT OF WETTING OR DRYING BY CHARACTER.
        ***** [EST PANGPA" OF SURROUTINE EWA *****
                                                                                                                                                                                                                            : FUNCTION OF THETA AT MAIN WETTING FROCESS.
                                                                                                                                                                          : FUNCTION OF THETA AT MAIN DRYING PROCESS.
                                                                                              DEDUST : DERIVED FUNCTION OF "E" WITH HYSTEPLSIS.
                                                                                                                                                                                                                                                             : DERIVED FUNCTION OF THETA AT SATURATION.
                                                                  **** SYWHOLS IN THIS PROGRA" .....
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    : DIMENSION LENGTH OF ARRAY "PF AND "I".
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     : ACTUALLY USED NITHER OF 'P' AND 'T'.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      FXTERNAL FEWT FEHUT FENT FEHDT FSATT FSHTT
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        . BUFFER TO REMEMBER HYSTERESIS FATH.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             : BUFFER IT REMEMBER MYSTFRESIS PATH.
                                                                                                                                                                                                                                             I FUNCTION OF THETA AT SATURATION.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   : JUDGEMENT OF WETTING OR DRYING.
JORGIT 1 : METTING.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          DATA JCHORY JCHWET /3HPRY SHEET/
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    JORWIE-1 : DRYING.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        I CAPILLARY POTENTIAL.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  "FEUT! A'D 'FEDT".
                                                                                                                                                                                                                                                                                               JCHORY : CHARACTER 'DRY".
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  JCH.ET : CHARACTER 'WET'.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       DIVENSION P(10) - T(10)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             AND 'FED1'.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    JOR:T
                                                                                                                                                                                                                                                               FS+11
                                                                                                                                                                                                                                                                                 RAHUI
                                                                                                                                                                                                             FEHUT
                                                                                                                                                                                                                                               FSATT
                                                                                                                                                                                             FFMn1
                                                                                                                                                                                                                              FEW1
                                                                                                                                                                           F F D 1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          150
                                                                                                                                                           F. A
          メインプログラム
                 t
```

③サブルーチンEWA ③一1	SUBROUTINE EWACPSI, PSIVAX, PSIZER, V, PJ., VHIST, JOHUT, EU, SIBTEV, 1 CCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCC	AAGOORD SIXL NI SIORAKS	DEDEST: DERIVED FUNCTION OF TET WITH MYSTERESIS (THETA). EU : VOLUMETRIC MOISTURE CONTENT WITH MYSTERESIS (THETA). EU : VALUE OF THETA AT THE SATURATING CROSS POIN OF 'SUBFEY'. ** AND 'SUBFED'.	JOR.T : JUDGEMENT OF VETTING OR DRYING, JORLTH : DRYING, JORLTH : DRYING,	N : ACTUALLY USED Alwafe OF 'P' AND 'T'.		. DSI : CAPILLARY POTENTIAL DSI : LAST VALLE OF 'PSI'.	. PSI-AX : CAPILLARY POTENTIAL AT THE SATURATING CROSS POINT OF . SURFEW AND 'SIRFED'.	PSIZER : CAPILLARY POTENTIAL AT THE ORYING CROSS POINT OF 'SUBFE."	DERIVED FUNCTION OF THETA AT MAIS	SAFEHL : DERIVED INCTION OF THE A A MAIN WELLING FROCESS. SAFEAT : FUNCTION OF THEFA AT SAFURATION.	SAFSHT : DERIVED FUNCTION OF THETA AT SATURATION.	Bren : FUNCTION OF THETA I	BUTHER TO SECRETARY STATES OF THE SECRETARY OF THE SECRET
EUNCTION FEDI(FSI) NIA A1 A1.61 / 00.000724.0.0081.0.22/ NATA A2.82 / 00.00124.0.4121/ NATA A2.82 / 0.004.0.4121/ NATA A2.82 / 0.0039273140.10185.0.1917155/	If (PSI, LE30.) Gn TG 1010 XX = A1-p1181 FED 1-30AT(XX) < CT FED 1	1841) 0.0 GO TC 2010	xxxx1x2/sgr(xx) replan2/sgr(xx) replan2/sgr(xx) replan2 replan	FND 20	FUNCTION FEWICPS1) 25 54 A /0,13369/ 24	2742/ 148/ 0/	70 PATA AB /0.0162406612/ 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50	XX=ALP+A=DS1+BETA 52 FEW1=A=OATAN(XX)+R 54	RETURN SAFAURY FEMUNCPSI) 35 58	XXXALDEAFDOIABRTA MO	42 PETURY 1 42	57 PND	N FSAT1(PS1)	52 ENTRY FSH1 (PS1) 55 ESATIO. 56 ESATIO. 56
	5 9101	UU U		υυ	v						u u		U	
② ファンカション FED1,	S A	2 4 4 4 6 6 5 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6	- 2 6 7 2 8	27 28 29 29		10 016		121	31.5	198	22 22 23	25	← W W	3000000



T)/(EUEWI-EUEWI) 972-DEDHG 4020 4050 675-6780R FT EWA. DATA P IS INCOMPATIBLE.)

不飽和土の土中水分ヒステリシスの計算アルゴリズム一大倉

```
16786-01

16776-02

0.2176-02

0.2176-02

0.3176-02

0.3176-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-02

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.1767-03

0.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0.2954
0.2981
0.2981
0.2982
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.2983
0.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    (continued)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0.15 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 % 0.0 %
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          continued)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       pe
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          (to
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               ***** INITIAL DATA *****
                                                                                                                                                                                                                                                                                                               ***** RESULT *****
PSIZER -91.69
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   7 (1)
```

④実行結果

***** DATA OF HYSTERESIS ****